

| Question        | <i>Exircice1 : Chimie</i>  | Barème   |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
|-----------------|--|--|---------------------|--|-------|--|--|-----------------|------------|----------------------------|--|--|--|---------|---|-----------|-----------|---|-------|---------------|-----|---------------|---------------|-----|-------|-------|----------|---------------------|---------------------|-----------|-------|--|
| 1.              | a. Vrais.<br>b- Faux.<br>c- Vrais  | Partie1 :<br><br><b>WWW.Coursdusoirpc.com</b>  |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 2.              | Graphiquement  | $x_f = 0,5 \text{ mmol}$ , alors $x_{1/2} = x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2} = 0,25 \text{ mmol}$ .<br>donc $t_{1/2} = 24h$  |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 3.              | On a :   | $v(t_1) = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt} = \frac{1}{V} \cdot \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{1}{2 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{(0,36 - 0,26)}{(40 - 0)} = 1,25 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}.h^{-1}$ |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 1.              | L'équation du dosage :   | Partie2 :<br><br>$C_6H_8O_{6(aq)} + HO_{(aq)}^- \rightarrow C_6H_7O_{6(aq)}^- + H_2O_{(l)}$  |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 2.              | Graphiquement  | $V_{BE} = 25 \text{ mL}$   |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 3.              | A l'équivalence on a : $C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE} \Leftrightarrow C_A = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A} = \frac{1,5 \cdot 10^{-2} \cdot 25}{15}$   | $C_A = 2,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$   |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 4.              | La masse $m$ restante : $n(AH) = C_A \cdot V_{SA} = \frac{m}{M} \Rightarrow m = C_A \cdot V_{SA} \cdot M$  | $m = 2,5 \cdot 10^{-2} * 50 \cdot 10^{-3} * 176 = 0,22 \text{ g} = 220 \text{ mg}$   |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 5.1             | On a : $K_A = \frac{[H_3O^+_{(aq)}][A^-_{(aq)}]}{[AH_{(aq)}]} \Rightarrow \log(K_A) = \log([H_3O^+_{(aq)}]) + \log\left(\frac{[A^-_{(aq)}]}{[AH_{(aq)}]}\right)$   | $\Leftrightarrow -\log(K_A) = -\log([H_3O^+_{(aq)}]) - \log\left(\frac{[A^-_{(aq)}]}{[AH_{(aq)}]}\right)$  |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
|                 |  | $pK_A = \text{pH} - \log\left(\frac{[A^-_{(aq)}]}{[AH_{(aq)}]}\right)$   |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 5.2             | Le tableau d'avancement :<br><br><table border="1"> <tr> <td colspan="2">équation</td> <td colspan="4"><math>C_6H_8O_{6(aq)} + HO_{(aq)}^- \rightarrow C_6H_7O_{6(aq)}^- + H_2O_{(l)}</math></td> </tr> <tr> <td>Etat du système</td> <td>avancement</td> <td colspan="4">Quantité de matière en mol</td> </tr> <tr> <td>Initial</td> <td>0</td> <td><math>C_A V_A</math></td> <td><math>C_B V_B</math></td> <td>0</td> <td>excès</td> </tr> <tr> <td>intermédiaire</td> <td><math>x</math></td> <td><math>C_A V_A - x</math></td> <td><math>C_B V_B - x</math></td> <td><math>x</math></td> <td>excès</td> </tr> <tr> <td>final</td> <td><math>x_{éq}</math></td> <td><math>C_A V_A - x_{max}</math></td> <td><math>C_B V_B - x_{max}</math></td> <td><math>x_{max}</math></td> <td>excès</td> </tr> </table> | équation   |                     | $C_6H_8O_{6(aq)} + HO_{(aq)}^- \rightarrow C_6H_7O_{6(aq)}^- + H_2O_{(l)}$ |       |  |  | Etat du système | avancement | Quantité de matière en mol |  |  |  | Initial | 0 | $C_A V_A$ | $C_B V_B$ | 0 | excès | intermédiaire | $x$ | $C_A V_A - x$ | $C_B V_B - x$ | $x$ | excès | final | $x_{éq}$ | $C_A V_A - x_{max}$ | $C_B V_B - x_{max}$ | $x_{max}$ | excès | - Pour $V_B < V_{BE}$ avant l'équivalence le réactif limitant est $HO_{(aq)}^-$ donc $x_{max} = C_B V_B$<br>Et d'après le tableau d'avancement : $\begin{cases} [AH_{(aq)}] = \frac{C_A V_A - x_{max}}{V_A + V_B} \\ [A^-_{(aq)}] = \frac{x_{max}}{V_A + V_B} \end{cases} \Rightarrow \frac{[AH_{(aq)}]}{[A^-_{(aq)}]} = \frac{C_A V_A - x_{max}}{x_{max}}$<br>$\Leftrightarrow \frac{[AH_{(aq)}]}{[A^-_{(aq)}]} = \frac{C_A V_A}{x_{max}} - 1$ or à l'équivalence on a $C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE}$<br>Donc $\frac{[AH_{(aq)}]}{[A^-_{(aq)}]} = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{C_B V_B} - 1 \Leftrightarrow \frac{[AH_{(aq)}]}{[A^-_{(aq)}]} = \frac{V_{BE}}{V_B} - 1$ |
| équation        |  | $C_6H_8O_{6(aq)} + HO_{(aq)}^- \rightarrow C_6H_7O_{6(aq)}^- + H_2O_{(l)}$   |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| Etat du système | avancement   | Quantité de matière en mol   |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| Initial         | 0  | $C_A V_A$  | $C_B V_B$           | 0  | excès |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| intermédiaire   | $x$  | $C_A V_A - x$  | $C_B V_B - x$       | $x$  | excès |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| final           | $x_{éq}$   | $C_A V_A - x_{max}$  | $C_B V_B - x_{max}$ | $x_{max}$  | excès |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
| 5.3             | On a : $pK_A = \text{pH} - \log\left(\frac{[A^-_{(aq)}]}{[AH_{(aq)}]}\right) \Leftrightarrow pK_A = \text{pH} + \log\left(\frac{[AH_{(aq)}]}{[A^-_{(aq)}]}\right)$   | $\Leftrightarrow pK_A = \text{pH} + \log\left(\frac{V_{BE}}{V_B} - 1\right)$   |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |
|                 | Pour $V_B = 8,5 \text{ mL}$ , graphiquement $\text{pH} = 3,8$  |  |                     |  |       |  |  |                 |            |                            |  |  |  |         |   |           |           |   |       |               |     |               |               |     |       |       |          |                     |                     |           |       |  |

|     |   |      |
|-----|---|------|
|     | A.N : $pK_A = 3.8 + \log\left(\frac{25}{8,5} - 1\right) = 4,1$  |      |
| 5.4 | <p>La constante d'équilibre : <math>K = Q_{r.\text{éq}} = \frac{[A^{-}(aq)]}{[AH(aq)] * [HO^{-}(aq)]} = \frac{[CH_3COO^{-}(aq)]}{[CH_3COOH(aq)].[HO^{-}(aq)]} * \frac{[H_3O^{+}(aq)]}{[H_3O^{+}(aq)]}</math></p> $K = \frac{K_A}{K_e} = \frac{10^{-pK_A}}{K_e} = \frac{10^{-4,1}}{10^{-14}} = 7,94 \cdot 10^9$  | 0.5  |
|     | <b>Exercice 2</b>   |      |
| 1.  | La proposition juste est : B  |      |
| 2.1 | On a : $v = \frac{d}{\Delta t} = \frac{r_2 - r_1}{t_2 - t_1} = \frac{(56-14) \cdot 10^{-2}}{1,5} = 0,28 \text{ m/s}$  | 0.5  |
| 2.2 | On a : $v = \frac{r_2}{t_2} \Leftrightarrow t_2 = \frac{r_2}{v} = \frac{56 \cdot 10^{-2}}{0,28} = 2s$   | 0.5  |
| 3.1 | <p>On a : <math>v = \sqrt{g \cdot h} \Rightarrow [v] = \sqrt{[g] \cdot [h]}</math> et <math>\begin{cases} [g] = [a_G] = \frac{[L]}{[T]^2} \\ [h] = [L] \end{cases} \Rightarrow [v] = \sqrt{\frac{[L]}{[T]^2} * [L]} = \frac{[L]}{[T]}</math></p> <p>Donc la relation est homogène</p>   | 0.5  |
| 3.2 | Calcul de h : on a $v = \sqrt{g \cdot h} \Leftrightarrow h = \frac{v^2}{g} = 0,008m = 8mm$  | 0.5  |
|     | <b>Exercice 3</b>   |      |
| 1.  | La composition de $^{192}_{77}\text{Ir}$ : $\begin{cases} Z = 77 \text{ proton} \\ A = 192 \text{ nucléon} \\ N = A - Z = 115 \text{ notron} \end{cases}$   | 0.5  |
| 2.  | <p>L'équation de désintégration : <math>^{192}_{77}\text{Ir} \rightarrow ^{192}_{78}\text{Pt} + {}_Z^A P + \gamma</math></p> <p>Selon la loi de Soddy : <math>\begin{cases} 192 = 192 + A \\ 77 = 78 + Z \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} A = 0 \\ Z = -1 \end{cases} \Rightarrow {}_Z^A P \equiv {}_{-1}^0 e</math></p> <p>Donc <math>^{192}_{77}\text{Ir} \rightarrow ^{192}_{78}\text{Pt} + {}_{-1}^0 e + \gamma</math>. le type de cette désintégration est <math>\beta^-</math></p>   | 0.5  |
| 3.1 | On a : $a_0 = \lambda \cdot N_0 \Leftrightarrow N_0 = \frac{a_0}{\lambda} = \frac{a_0 \cdot t_{1/2}}{\ln(2)} = \frac{1,08 \cdot 10^{-2} \cdot 74 \cdot 24 \cdot 3600}{\ln(2)} = 99619 \text{ noyau}$  | 0.5  |
| 3.2 | <p>Le nombre de noyaux désintégrés <math>N_d</math> est : <math>N_d = N_0 - N(t)</math> avec <math>N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_{1/2}}</math> le nombre de noyaux restants, alors <math>N_d = N_0 - N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_{1/2}} = N_0 \cdot (1 - e^{-\lambda \cdot t})</math></p> $N_d = N_0 \cdot \left(1 - e^{-\frac{\ln(2) \cdot \Delta t}{t_{1/2}}}\right) = 99619 \cdot \left(1 - e^{-\frac{\ln(2)}{74} \cdot 730}\right) = 99512 \text{ noyau}$  | 0.5  |
|     | <b>Exercice 4</b>   |      |
| 1.1 | L'amortissement des oscillations est due à la dissipation de l'énergie par effet joule dans le circuit.   | 0.25 |
| 1.2 | <p>D'après la loi d'additivité des tensions :</p> $u_L + u_R + u_C = 0 \text{ et on a } \begin{cases} u_R = R_0 i \\ u_L = r \cdot i + L \frac{di}{dt} \\ i = C \frac{du_C}{dt} \Rightarrow \frac{di}{dt} = C \frac{d^2 u_C}{dt^2} \end{cases}$ <p>Donc <math>r \cdot i + L \frac{di}{dt} + R_0 i + u_C = 0</math></p> $\Leftrightarrow LC \frac{d^2 u_C}{dt^2} + (R_0 + r)C \frac{du_C}{dt} + u_C = 0$ $\Leftrightarrow \frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{(R_0 + r)}{L} \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{LC} u_C = 0$   | 0.5  |
| 1.3 | <p>-L'énergie totale à l'instant <math>t_1</math> est : <math>E_T(t_1) = E_m(t_1) + E_e(t_1)</math></p> <p>D'après la figure <math>u_C(t_1) = 0V \Rightarrow E_e(t_1) = 0 \Leftrightarrow E_T(t_1) = E_m(t_1)</math>, alors l'énergie totale est emmagasinée dans la bobine</p> <p>-L'énergie totale à l'instant <math>t_2</math> est : <math>E_T(t_2) = E_m(t_2) + E_e(t_2)</math></p> <p>D'après la figure <math> u_C(t_2) </math> est maximale <math>\Rightarrow i(t_2) = 0 \Leftrightarrow E_m(t_2) = 0</math></p> <p><math>\Leftrightarrow E_T(t_1) = E_e(t_2)</math>, alors l'énergie totale est emmagasinée dans le condensateur</p> | 0.5  |

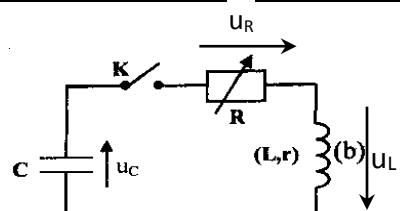
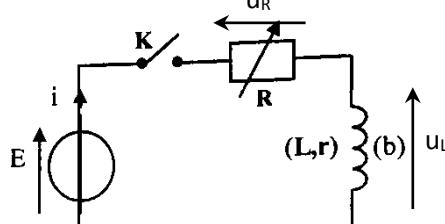
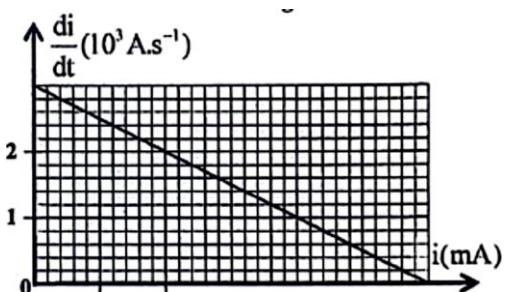
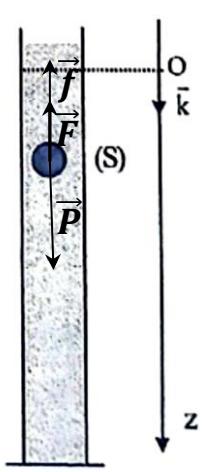
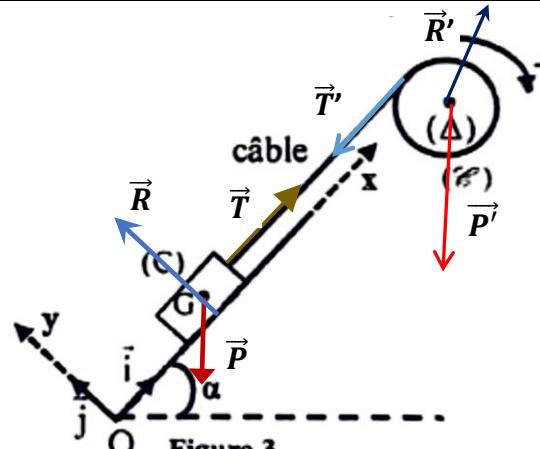


Figure 1

|       |   |      |
|-------|---|------|
| 1.4   | <p>Calcul de <math>E_j</math> entre <math>t_0 = 0</math> et <math>t_2</math> : <math>E_j =  \Delta E_t  =  E_t(t_2) - E_t(t_0) </math></p> <p>D'après la figure</p> $\left\{ \begin{array}{l} \text{à } t_0 u_C(t_0) = 6V \text{ maximale} \Leftrightarrow E_m(t_0) = 0 \text{ et } E_e(t_0) = \frac{1}{2}Cu_C(t_0)^2 \\ \text{à } t_2  u_C(t_2)  = -4,4V \text{ maximale} \Leftrightarrow E_m(t_2) = 0 \text{ et } E_e(t_2) = \frac{1}{2}Cu_C(t_2)^2 \end{array} \right.$ <p>Donc <math>E_j =  E_e(t_2) - E_e(t_0)  = \frac{1}{2}C(u_C(t_0)^2 - u_C(t_2)^2) = \frac{1}{2} * 0,22 \cdot 10^{-9}(6^2 - (-4,4)^2)</math><br/> <math>E_j = 1,83 \cdot 10^{-9} J</math></p>   | 0,75 |
| 2.1   | <p>D'après la loi d'additivité des tensions : <math>u_L + u_R = E</math></p> <p>et on a <math>\left\{ \begin{array}{l} u_R = R_1 i \\ u_L = r \cdot i + L \frac{di}{dt} \Rightarrow r \cdot i + L \frac{di}{dt} + R_1 i = E \\ L \frac{di}{dt} = -(R_1 + r)i + E \Leftrightarrow \frac{di}{dt} = -\frac{(R_1+r)}{L}i + \frac{E}{L} \end{array} \right.</math></p>  <p>Figure 3</p>  | 0,5  |
| 2.2.1 | <p>La courbe est une fonction affine d'équation <math>\frac{di}{dt} = a \cdot i + b</math> tel que</p> $\left\{ \begin{array}{l} \text{le coefficient directeur: } a = \frac{(3.10^3 - 0)}{(0 - 6.10^{-3})} = -5 \cdot 10^5 \text{ s}^{-1} \\ \frac{di}{dt} = b = 3 \cdot 10^3 \text{ A.s}^{-1} \quad \text{pour } i = 0 \end{array} \right.$ <p>Or on a <math>\left\{ \begin{array}{l} \frac{di}{dt} = -\frac{(R_1+r)}{L}i + \frac{E}{L} \\ \frac{di}{dt} = a \cdot i + b \end{array} \right.</math></p> <p>Donc par comparaison <math>\left\{ \begin{array}{l} a = -\frac{(R_1+r)}{L} \\ b = \frac{E}{L} \end{array} \right.</math></p> <p>Alors la valeur de L est : <math>L = \frac{E}{b} = \frac{6}{3000} = 2 \text{ mH}</math></p>  <p>Figure 4</p>   | 0,5  |
| 2.2.2 | <p>La constante de temps <math>\tau = \frac{L}{(R_1+r)} = -\frac{1}{a} = \frac{1}{5 \cdot 10^5} = 2 \cdot 10^{-6} \text{ s} = 2 \mu\text{s}</math></p>  | 0,5  |
|       | <b>Exercice 5</b>   |      |
| 1.    | <p><b>Partie 1 :</b></p> <p>Le système étudié : la bille</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Bilan des forces : - <math>\vec{P}</math> : son poids</li> <li>- <math>\vec{F}</math> : poussée d'Archimède</li> <li>- <math>\vec{f}</math> : force de frottement fluide</li> </ul> <p>On applique la 2<sup>ème</sup> loi de Newton : <math>m_B \vec{a} = m_B \vec{g} + \vec{F} + \vec{f}</math></p> <p>On projette sur l'axe (Oz) :</p> $m_B a_z = m_B g - \rho_L \cdot V_B \cdot g - \mu \cdot v_z \Leftrightarrow a_z = g \left( 1 - \frac{\rho_L \cdot V_B}{m_B} \right) - \frac{\mu}{m_B} \cdot v_z$ <p>On a <math>a_z = \frac{dv_z}{dt}</math> et <math>m_B = \rho_B \cdot V_B</math> et <math>\frac{\mu}{m_B} = \frac{1}{\tau}</math></p> <p>Donc <math>\frac{dv_z}{dt} = g \left( 1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right) - \frac{1}{\tau} \cdot v_z \Leftrightarrow \frac{dv_z}{dt} + \frac{1}{\tau} \cdot v_z = g \left( 1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right)</math></p>  <p>Figure 1</p> | 0,75 |
| 2.1   | Graphiquement $v_l = 0,7 \text{ m/s}$   | 0,25 |
| 2.2   | Graphiquement $\tau = 0,1 \text{ s}$  | 0,25 |

|     |  |      |
|-----|--|------|
| 2.3 | <p>On a : <math>\begin{cases} \text{à } t = 0 ; v_z = 0, \text{ donc } a_0 = \frac{dv_z}{dt} = g \left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_B}\right) \\ \text{en régime permanent } v_z = v_l \text{ et } \frac{dv_z}{dt} = 0, \text{ donc } 0 + \frac{1}{\tau} \cdot v_l = g \left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_B}\right) \end{cases}</math><br/>         Finalement <math>a_0 = \frac{v_l}{\tau} = \frac{0,7}{0,1} = 7 \text{ m/s}^2</math></p>   | 0,5  |
| 3.  | <p>La valeur de <math>\mu</math> : on a <math>\frac{\mu}{m_B} = \frac{1}{\tau} \Leftrightarrow \mu = \frac{m_B}{\tau} = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{0,1} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ kg/s}</math><br/>         La valeur de <math>\rho_L</math> : on a <math>a_0 = g \left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_B}\right) \Leftrightarrow \rho_L = \rho_B \cdot \left(1 - \frac{a_0}{g}\right) = 5,526 \cdot 10^3 \cdot \left(1 - \frac{7}{10}\right)</math><br/> <math>\rho_L = 1657.8 \text{ kg/m}^3</math></p>  | 1    |
| 1.1 | <p><b>Partie 2 :</b><br/>         On a <math>\theta(t) = 20 \cdot t^2 \Rightarrow \dot{\theta}(t) = 40 \cdot t \Rightarrow \ddot{\theta}(t) = 40 \text{ rad/s}^2</math><br/>         Et puisque le câble s'enroule sans glissement donc <math>a_G = r \cdot \ddot{\theta} = 0,1 * 40 = 4 \text{ m/s}^2</math></p>  | 0.5  |
| 1.2 | <p>La distance parcourue <math>d</math> pendant deux minutes <math>t = 2s</math> :<br/>         On a <math>a_G = cte</math> et la trajectoire rectiligne donc le mouvement est rectiligne uniformément varié : <math>x(t) = \frac{1}{2} a_G t^2 + v_0 t + x_0</math><br/>         à <math>t = 0 \begin{cases} v_0 = r \cdot \dot{\theta}(0) = 40 * 0 = 0 \\ x_0 = r \cdot \theta(0) = 20 * 0^2 = 0 \end{cases} \Rightarrow x(t) = \frac{1}{2} a_G t^2 = 2 \cdot t^2</math><br/>         Donc pour <math>t = 2s</math>, <math>d = x = 2 * 2^2 = 8 \text{ m}</math></p>  | 0.75 |
| 2.  | <p>➤ <b>Etude de mouvement du corps (C)</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Bilan des forces : - <math>\vec{P}</math> : son poids<br/>- <math>\vec{T}</math> : tension du câble<br/>- <math>\vec{R}</math> : réaction du plan</li> <li>On applique la 2<sup>ème</sup> loi de Newton : <math>m\vec{a} = \vec{P} + \vec{R} + \vec{T}</math></li> <li>On projette sur l'axe (Ox) :</li> </ul> $ma_x = P_x + R_x + T_x$ $ma_G = -m \cdot g \cdot \sin\alpha + 0 + T$ $T = m \cdot (a_G + g \cdot \sin\alpha)$ <p>➤ <b>Etude de mouvement du cylindre (A)</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Bilan des forces : - <math>\vec{P}'</math> : son poids<br/>- <math>\vec{T}'</math> : tension du câble<br/>- <math>\vec{R}'</math> : réaction de l'axe de rotation<br/>- couple moteur de moment <math>M</math></li> <li>On applique la relation fondamentale de la dynamique :</li> </ul> $J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta} = M(\vec{P}') + M(\vec{R}') + M(\vec{T}') + M$ $M(\vec{P}') = M(\vec{R}') = 0 \text{ car elles coupent l'axe de rotation}$ <p>On a <math>\begin{cases} M(\vec{P}') = M(\vec{R}') = 0 \text{ car elles coupent l'axe de rotation} \\ M(\vec{T}') = -T' \cdot r \\ \ddot{\theta} = \frac{a_G}{r} \end{cases}</math></p> <p>Donc <math>J_{\Delta} \cdot \frac{a_G}{r} = 0 + 0 - T' \cdot r + M \Leftrightarrow M = J_{\Delta} \cdot \frac{a_G}{r} + T' \cdot r</math></p> <p>Puisque le câble est inextensible et de masse négligeable, alors <math>T = T' = m \cdot (a_G + g \cdot \sin\alpha)</math></p> <p>Donc : <math>M = J_{\Delta} \cdot \frac{a_G}{r} + m \cdot (a_G + g \cdot \sin\alpha) \cdot r</math></p> $\Leftrightarrow M = \frac{a_G}{r} (J_{\Delta} + m \cdot r^2) + m \cdot g \cdot r \cdot \sin\alpha$ <p>A.N : <math>M = \frac{4}{0,1} (2 \cdot 10^{-2} + 100 * 0,1^2) + 100 * 10 * 0,1 * \sin 45 = 111,51 \text{ N.m}</math></p>  <p style="text-align: center;"><b>Figure 3</b></p> | 1    |