



	5-4	-La valeur de la constante d'équilibre associée à ce dosage : On a : $K = \frac{[A^-]}{[AH].[HO^-]} = \frac{[A^-].[H_3O^+]}{[AH].[HO^-].[H_3O^+]} = \frac{K_A}{K_e} = \frac{10^{-K_A}}{K_e}$ AN : $K = \frac{10^{-4,09}}{10^{-14}} = 8,13 \cdot 10^9$	0,25 0,25
--	-----	---	--------------

### Exercice 2 (2,5 points)

Propagation d'un signal à la surface de l'eau	1-	B : un milieu est dispersif si la célérité de l'onde dépend de sa période T	0,5
	2-1	On a $v = \frac{r_2 - r_1}{t_2 - t_1}$ A.N : $v = \frac{(56-14) \cdot 10^{-2}}{1,5}$ D'où $v = 0,28 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$	0,25x2
	2-2	On a $v = \frac{r_2}{t_2}$ donc $t_2 = \frac{r_2}{v}$ AN : $t_2 = \frac{56 \cdot 10^{-2}}{0,28}$ $t_2 = 2 \text{ s}$	0,5
	3-1	On sait que : $[v] = L \cdot T^{-1}$ Et on a $[\sqrt{g \cdot h}] = \sqrt{L \cdot T^{-2} \cdot L} = L \cdot T^{-1}$ Donc la relation $v = \sqrt{g \cdot h}$ est homogène	0,5
	3-2	On a $v = \sqrt{g \cdot h}$ alors : $h = \frac{v^2}{g}$ AN : $h = \frac{0,5^2}{9,8} = 0,008 \text{ m} = 8 \text{ mm}$	0,5

### Exercice 3 (2 points)

Désintégration de l'iridium 192	1-	-La composition du noyau de l'iridium $^{192}_{77}\text{I}$ : On a $A = 192$ et $N_p = 77$ donc $N_n = 192 - 77 = 115$	0,25x2
	2-	-L'équation de la désintégration : $^{192}_{77}\text{I} \rightarrow ^{192}_{78}\text{Pt} + \frac{A}{Z}\text{X} + \gamma$ { conservation du nombre de nucléons : $A = 0$ conservation du nombre de charges : $Z = -1$ D'où $\frac{A}{Z}\text{X}$ est $^0_{-1}\text{e}$ Alors $^{192}_{77}\text{I} \rightarrow ^{192}_{78}\text{Pt} + ^0_{-1}\text{e} + \gamma$ et le type de cette désintégration est : $\beta^-$	0,25 0,25
	3-1	On sait que : $a_0 = \lambda \cdot N_0$ donc $N_0 = \frac{a_0}{\lambda}$ avec $\lambda = \frac{\text{Ln}(2)}{t_{1/2}}$ D'où : $N_0 = \frac{a_0 \cdot t_{1/2}}{\text{Ln}(2)}$ AN : $N_0 = \frac{1,08 \cdot 10^{-2} \cdot 6,3936 \cdot 10^6}{\text{Ln}(2)} = 9,962 \cdot 10^4$ noyaux	0,25 0,25
	3-2	On a : $N_d = N_0 - N$ avec $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ Donc : $N_d = N_0(1 - e^{-\lambda \cdot t}) = N_0 \left(1 - e^{-\frac{\text{Ln}(2)}{t_{1/2}} \cdot t}\right)$ AN : $N_d = 9,96 \cdot 10^4 \left(1 - e^{-\frac{\text{Ln}(2)}{74} \cdot 730}\right)$ alors : $N_d = 9,951 \cdot 10^4$ noyaux On a $N_d \approx N_0$ Les noyaux d'iridium 192 sont presque désintégrés totalement.	0,25 0,25

### Exercice 4 (3,5 points) : Electricité

Décharge d'un condensateur dans un dipôle RL	1-1	-L'amortissement est dû au dissipation de l'énergie électrique par effet Joule au niveau du conducteur ohmique et la bobine.	0,25
	1-2	En appliquant la loi d'additivité des tensions, on a : $u_c + u_R + u_L = 0$ On a : $u_R = R \cdot i = R \cdot C \frac{du_c}{dt}$ et $u_L = r \cdot C \frac{du_c}{dt} + L \cdot C \frac{d^2u_c}{dt^2}$ Donc $u_c + (R + r) \cdot C \frac{du_c}{dt} + L \cdot C \frac{d^2u_c}{dt^2} = 0$ Alors : $\frac{d^2u_c}{dt^2} + \frac{R+r}{L} \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{LC} u_c = 0$	0,25 0,25
	1-3	- A l'instant $t_1$ on a : $u_c = 0$ et $i = I_{\text{max}}$ d'où $E_T(t_1) = E_{\text{mmax}}(t_1)$ c-à-d: l'énergie magnétique dans la bobine. - A l'instant $t_2$ on a : $u_c = U_{\text{max}}$ et $i = 0$ d'où $E_T(t_2) = E_{\text{emax}}(t_2)$ c-à-d: l'énergie électrique dans le condensateur.	0,25 0,25

	1-4	On a : $E_j =  \Delta E  =  E_T(t_2) - E_T(t_0) $ c-à-d : $E_j =  (E_e(t_2) + E_m(t_2)) - (E_e(t_0) + E_m(t_0)) $ ( $\mathbf{i}(t_2) = \mathbf{i}(t_0) = \mathbf{0}$ ) c-à-d : $E_j =  (E_e(t_1) - (E_e(t_0))) $ Donc : $E_j = \left  \frac{1}{2} \cdot C(u_c^2(t_2) - (u_c^2(t_0))) \right $ A.N : $E_j = \left  \frac{1}{2} \cdot 0,22 \cdot 10^{-9} ((4,4)^2 - (6)^2) \right $ Alors : $E_j = 1,83 \cdot 10^{-9} \text{J} = 1,83 \text{nJ}$	0,5 0,25
Réponse d' un dipôle RC à un échelon de tension	2-1	On a : $u_R + u_L = E$ d'où $(R+r)i + L \frac{di}{dt} = E$ Donc $\frac{di}{dt} = -\frac{R+r}{L} \cdot i + \frac{E}{L}$	0,5
	2-2-1	Pour $i = 0$ graphiquement : $\frac{di}{dt} = 3 \cdot 10^3$ l'équation différentielle $\frac{di}{dt} = -\frac{R+r}{L} \cdot i + \frac{E}{L}$ devient : $\frac{di}{dt} = \frac{E}{L}$ d'où : $L = E / \frac{di}{dt}$ AN : $L = \frac{6}{3 \cdot 10^3} = 2 \cdot 10^{-3} \text{H}$ D'où $L = 2 \text{ mH}$	0,25 0,25
	2-2-2	On a : $\tau = \frac{L}{R+r}$ et en régime permanent : $\frac{di_P}{dt} = 0$ ; graphiquement $I_P = 6 \text{mA}$ l'équation différentielle devient $-\frac{1}{\tau} \cdot i_P + \frac{E}{L} = 0$ alors $\tau = \frac{L}{E} \cdot I_P$ AN : $\tau = \frac{2 \cdot 10^{-3}}{6} \cdot 6 \cdot 10^{-3}$ D'où $\tau = 2 \cdot 10^{-6} \text{s}$	0,25 0,25

### Exercice 5 (5 points) : Mécanique

Partie I : Chute verticale d' une bille dans un liquide	1-	<ul style="list-style-type: none"> <li>✚ Système étudié : {la bille}</li> <li>✚ Bilan de forces :  <math>\vec{P}</math>: le poids ; <math>\vec{F}_A</math>: la poussée d'Archimède ; <math>\vec{f}</math>: force de frottement fluide            Dans le repère <math>(o, \vec{k})</math> lié à un référentiel terrestre considéré galiléen, on applique la 2<sup>ème</sup> loi de Newton on a : <math>\sum \vec{F} = m_B \cdot \vec{a}_G</math> Donc : <math>\vec{P} + \vec{F}_A + \vec{f} = m \cdot \vec{a}_G</math>            Par projection suivant l'axe : <math>(o, \vec{k})</math> <math>P_z + F_{AZ} + f_z = m_B \cdot \frac{dv_z}{dt}</math>            D'où : <math>m_B \cdot g - \rho_L \cdot V_B \cdot g - \mu \cdot v_z = m_B \cdot \frac{dv_z}{dt}</math>            c-à-d : <math>g \left( \frac{m_B - \rho_L \cdot V_B}{m_B} \right) - \frac{\mu}{m_B} \cdot v_z = \frac{dv_z}{dt}</math> Donc : <math>g \left( 1 - \frac{\rho_L \cdot V_B}{\rho_B \cdot V_B} \right) - \frac{\mu}{m_B} \cdot v_z = \frac{dv_z}{dt}</math>            Avec : <math>m_B = \rho_B \cdot V_B</math> D'où : <math>g \left( 1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right) - \frac{\mu}{m_B} \cdot v_z = \frac{dv_z}{dt}</math>            c-à-d : <math>\frac{dv_z}{dt} + \frac{\mu}{m_B} \cdot v_z = g \left( 1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right)</math>            Alors <math>\frac{dv_z}{dt} + \frac{1}{\tau} \cdot v_z = g \left( 1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right)</math> Avec : <math>\tau = \frac{m_B}{\mu}</math></li> </ul>	0,75
	2-1	Graphiquement $v_1 = 0,7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$	0,25
	2-2	Graphiquement $\tau = 0,1 \text{ s}$	0,25
	2-3	On a : $a_0 = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ A.N : $a_0 = \frac{0,7 - 0}{0,1 - 0}$ Alors : $a_0 = 7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$	0,25x2
	3	On a : $\tau = \frac{m_B}{\mu}$ d'où $\mu = \frac{m_B}{\tau} = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{0,1}$ Donc : $\mu = 5 \cdot 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{s}^{-1}$ <b>-La valeur de la masse volumique du liquide <math>\rho_L</math> :</b> Au régime initial : $v_0 = 0$ et $\left( \frac{dv}{dt} \right)_0 = a_0 = 7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ On a $a_0 + \frac{\mu}{m_B} \cdot v_0 = g \left( 1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right)$ d'où $a_0 = g \left( 1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right)$ c.à.d. $\frac{a_0}{g} = \left( 1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right)$ d'où : $\frac{\rho_L}{\rho_B} = 1 - \frac{a_0}{g}$ Donc $\rho_L = \rho_B \left( 1 - \frac{a_0}{g} \right)$ A.N $\rho_L = 5,526 \cdot 10^3 \cdot \left( 1 - \frac{7}{10} \right)$ Donc : $\rho_L = 1,658 \cdot 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$	0,5 0,5

